

ÉPREUVE SPÉCIFIQUE - FILIÈRE TPC

MODÉLISATION

Mercredi 6 mai : 8 h - 12 h

N.B. : le candidat attachera la plus grande importance à la clarté, à la précision et à la concision de la rédaction. Si un candidat est amené à repérer ce qui peut lui sembler être une erreur d'énoncé, il le signalera sur sa copie et devra poursuivre sa composition en expliquant les raisons des initiatives qu'il a été amené à prendre.

RAPPEL DES CONSIGNES

- *Utiliser uniquement un stylo noir ou bleu foncé non effaçable pour la rédaction de votre composition ; d'autres couleurs, excepté le vert, peuvent être utilisées, mais exclusivement pour les schémas et la mise en évidence des résultats.*
 - *Ne pas utiliser de correcteur.*
 - *Écrire le mot FIN à la fin de votre composition.*
-

Les calculatrices sont autorisées.

**Le sujet est composé de deux parties (pages 1 à 11)
et d'une annexe (page 12).**

Calcul de la contribution de la rotation interne du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane

Présentation du problème

Le calcul des propriétés chimiques de systèmes moléculaires est aujourd'hui facilité par le développement de logiciels basés sur les lois fondamentales de la mécanique quantique. Ce type de logiciels permet par exemple de trouver la géométrie pour laquelle l'énergie d'une molécule est minimale, de calculer son énergie et ses fréquences de vibration.

Même si la plupart des étapes de calcul des données thermodynamiques des molécules sont automatisées, il est parfois nécessaire de réaliser des corrections manuellement pour obtenir des valeurs en accord avec l'expérience.

C'est le cas lorsque l'on souhaite calculer précisément la valeur de l'entropie d'une molécule qui possède des groupes méthyle. Une des molécules se trouvant dans ce cas est la molécule d'éthane (C_2H_6) dont la structure est représentée sur la **figure 1**.

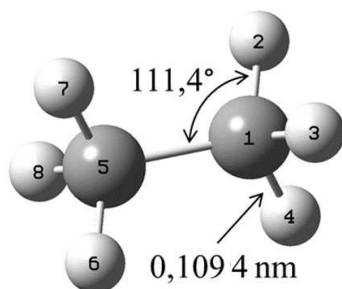


Figure 1 - Structure de la molécule d'éthane

La rotation du groupe méthyle autour de la liaison entre les deux atomes de carbone peut être représentée par différents modèles simples. Le choix du modèle dépend de la hauteur de la barrière d'énergie potentielle à franchir lors de la rotation du groupe méthyle autour de la liaison entre les deux atomes de carbone. Parmi ces modèles, on trouve celui de la rotation libre, le modèle de l'oscillateur harmonique angulaire et le modèle de la rotation empêchée.

La première **partie** de l'épreuve concerne l'étude des conformations de l'éthane. Une attention particulière est portée aux informations que l'on peut tirer de l'évolution de l'énergie potentielle associée à la rotation du groupe méthyle. La **partie** suivante est relative au calcul de la contribution de la rotation interne du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane en considérant différents modèles pour représenter la rotation.

Partie I - Étude des conformations de la molécule d'éthane

Q1. Rappeler à quel type d'isomérisie s'apparentent des espèces dont la structure diffère par la rotation autour des liaisons simples. Rappeler le nom que l'on donne à ce type d'isomères.

On s'intéresse à la molécule d'éthane (C_2H_6 , voir **figure 1**) dont l'ensemble des conformations est obtenu par rotation des deux groupes méthyle autour de la liaison simple entre les deux atomes de carbone.

Q2. Donner les projections de Cram et de Newman correspondant aux deux conformations remarquables dites décalée et éclipsée, en précisant clairement de laquelle il s'agit.

Le graphe de la **figure 2** montre l'évolution sinusoïdale de l'énergie potentielle d'un groupe méthyle par rapport à l'autre supposé fixe, en fonction de l'angle de rotation autour de la liaison C-C de la molécule d'éthane.

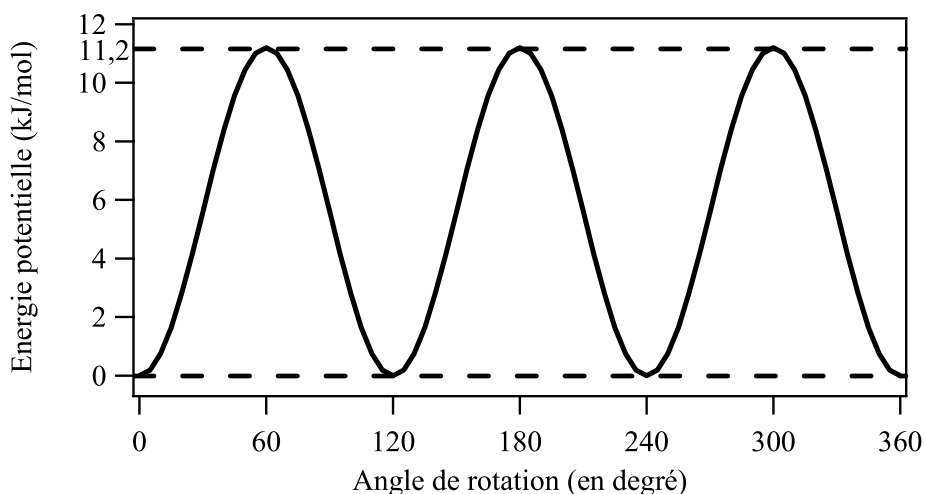


Figure 2 - Évolution de l'énergie potentielle associée à la rotation d'un groupe méthyle de la molécule d'éthane en fonction de l'angle de rotation

Q3. Indiquer à quelles conformations correspondent les minima et maxima observés sur la courbe. Expliquer brièvement l'origine de la variation de l'énergie potentielle de la molécule d'éthane en fonction de l'angle de rotation.

Le passage d'une conformation stable à l'autre nécessite le franchissement d'une barrière d'énergie potentielle qui sera notée V_{\max} . En raison de la symétrie du groupe méthyle, on constate que cette barrière est franchie plusieurs fois de manière périodique lors d'un tour complet.

Q4. En analysant le graphe de la **figure 2**, relever la valeur de la barrière d'énergie potentielle V_{\max} .

Partie II - Contribution de la rotation interne du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane

Comme indiqué dans l'introduction, la rotation interne du groupe méthyle par rapport au second apporte une contribution à l'entropie de la molécule d'éthane. Le calcul de cette contribution dépend du type de rotation considérée. On distingue deux cas selon la valeur de l'énergie potentielle V_{\max} :

- si $V_{\max} < RT$, la rotation est libre ;
- si $V_{\max} > RT$, la rotation est empêchée,

où $R = 8,314 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$ est la constante des gaz parfaits et T la température.

- Q5.** Préciser quel type de rotation est observé selon que l'on se trouve à très basse température, 100 K, ou à très haute température, 2 000 K.

II.1 - Calcul de la contribution à l'entropie pour une rotation libre

Dans le cas d'une rotation libre de la molécule d'éthane, on peut montrer que la contribution à l'entropie s'écrit :

$$S_{\text{ri}} = R \left[\frac{1}{2} + \ln \left(\frac{\sqrt{4\pi^3 I k_B T}}{3h} \right) \right], \quad (1)$$

avec R la constante des gaz parfaits, h la constante de Planck, k_B la constante de Boltzmann et I le moment d'inertie du groupe méthyle en rotation autour de l'axe matérialisé par la liaison entre les deux atomes de carbone de la molécule d'éthane. Le moment d'inertie s'écrit :

$$I = \sum_i m_i r_i^2 \quad (2)$$

avec m_i la masse de l'atome d'hydrogène i et r_i la distance entre l'atome i et sa projection orthogonale sur l'axe de rotation joignant les deux carbones.

- Q6.** Calculer, dans les unités du Système International, le moment d'inertie I d'un groupe méthyle (visible sur la **figure 1**) à partir des données suivantes :
- masse d'un atome d'hydrogène : $1,673 7 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
 - longueur des liaisons C-H : 0,109 4 nm
 - valeur des angles C-C-H : $111,4^\circ$
- Q7.** Calculer la contribution à l'entropie dans le cas de la rotation libre à 298,15 K dans les unités du Système International avec un nombre adéquat de chiffres significatifs.
Données : $h = 6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ et $k_B = 1,381 \cdot 10^{-23} \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$.

II.2 - Calcul de la contribution à l'entropie pour un oscillateur harmonique

Dans le cas de la rotation empêchée, le modèle de l'oscillateur harmonique permet d'estimer la contribution de la rotation du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane, comme en témoigne le tracé des énergies potentielles correspondantes sur le graphe de la **figure 3**.

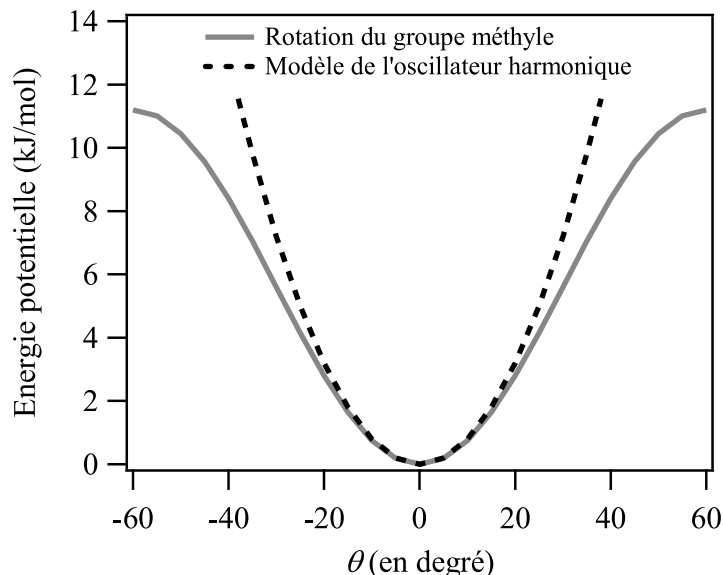


Figure 3 - Approximation de la rotation interne du groupe méthyle par le modèle de l'oscillateur harmonique

Traitement quantique de l'oscillateur harmonique

La détermination de la contribution de la rotation du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane peut se faire en résolvant l'équation de Schrödinger unidimensionnelle stationnaire dans le cas de l'oscillateur harmonique. La fonction d'onde Ψ étudiée est celle du proton de l'atome d'hydrogène placé dans le puits de potentiel harmonique associé à la rotation interne du groupe méthyle. On note :

$$V(\theta) = \frac{1}{2}K\theta^2 \quad (3)$$

l'énergie potentielle à laquelle est soumise l'atome d'hydrogène lors de la rotation d'angle θ du groupe méthyle autour de la liaison C–C, où K est une constante.

L'équation de Schrödinger stationnaire en coordonnées cylindriques peut se mettre sous la forme :

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\Delta(\Psi) + V(\theta)\Psi = E\Psi, \quad (4)$$

avec m la masse d'un atome d'hydrogène, $\hbar = h/(2\pi)$ la constante de Planck réduite, Ψ la fonction d'onde associée à un état propre, E la valeur propre correspondante et $V(\theta)$ l'énergie potentielle à laquelle est soumise l'atome d'hydrogène. Les énergies E et $V(\theta)$ sont exprimées en joule.

En coordonnées cylindriques, le laplacien $\Delta(\Psi)$ de la fonction d'onde Ψ s'écrit :

$$\Delta(\Psi) = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial \Psi}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial \theta^2} + \frac{\partial^2 \Psi}{\partial z^2} \quad (5)$$

- Q8.** La mise en équation du problème permettant de supposer les variables r et z constantes, proposer une expression simplifiée du laplacien $\Delta(\Psi)$.
Réécrire alors l'équation de Schrödinger sous la forme $G(\Psi) = [E - V(\theta)]\Psi$ et donner l'expression de l'opérateur G .

Pour simplifier la résolution de cette équation, on la réécrit sous la forme adimensionnelle suivante :

$$\frac{d^2\Psi}{dx^2} = -2\left[\varepsilon - \frac{1}{2}x^2\right]\Psi, \quad (6)$$

où ε est un paramètre dont nous allons établir l'expression et $x = \sqrt{\frac{m\omega}{\hbar}}r\theta$ est appelée l'abscisse réduite avec $\omega = \sqrt{\frac{K}{mr^2}}$ la pulsation propre de l'oscillateur.

- Q9.** Déterminer la dimension de l'abscisse réduite x .
Q10. Dédurre de la **question Q8** et de l'équation (6), l'expression du paramètre ε en fonction de E , \hbar et ω et vérifier qu'il est sans dimension.

Résolution numérique par la méthode de Numerov

Nous allons résoudre numériquement l'équation (6) pour trouver les valeurs de Ψ pour le niveau d'énergie ε par la méthode de Numerov. Il s'agit d'une méthode permettant de réaliser l'intégration de certains types d'équations différentielles, dont celles de la forme :

$$\frac{d^2y}{dx^2} = -g(x)y(x). \quad (7)$$

- Q11.** Donner les expressions des fonctions $g(x)$ et $y(x)$ en procédant par identification entre les équations (6) et (7).

La résolution de l'équation différentielle (7) passe par sa discrétisation. Pour ce faire, l'intervalle des abscisses x est divisé en un nombre fini de points régulièrement espacés de Δx , le pas d'espace. On utilise l'indice i pour repérer ces différents points, d'abscisse discrétisée x_i . On exprime la fonction d'onde y en x_i et ses voisins à l'aide des notations $y_i = y(x_i)$, $y_{i-1} = y(x_i - \Delta x)$ et $y_{i+1} = y(x_i + \Delta x)$. Le pas Δx est suffisamment petit pour que l'on puisse écrire $y''(x) = \frac{d^2y}{dx^2}$ et $y''''(x) = \frac{d^4y}{dx^4}$.

- Q12.** En écrivant le développement limité de y_{i-1} et de y_{i+1} à un ordre suffisant, établir l'expression :

$$y_{i+1} + y_{i-1} = 2y_i + y_i'' \times (\Delta x)^2 + y_i'''' \times \frac{(\Delta x)^4}{12}. \quad (8)$$

Pour simplifier l'écriture, on pose $\lambda_i = y_i''$.

- Q13.** En effectuant un développement limité à l'ordre 2 des fonctions λ_{i-1} et λ_{i+1} , montrer que :

$$y_i'''' = \frac{\lambda_{i+1} + \lambda_{i-1} - 2\lambda_i}{(\Delta x)^2}. \quad (9)$$

Comme pour la fonction y , on note $g_i = g(x_i)$, $g_{i-1} = g(x - \Delta x)$ et $g_{i+1} = g(x + \Delta x)$.

- Q14.** Réécrire l'équation (7) à l'aide uniquement de g_i , λ_i et y_i .

L'équation (8) peut se mettre sous la forme factorisée suivante :

$$y_{i+1} \left(1 + g_{i+1} \frac{(\Delta x)^2}{12} \right) = 2y_i \left(1 - 5g_i \frac{(\Delta x)^2}{12} \right) - y_{i-1} \left(1 + g_{i-1} \frac{(\Delta x)^2}{12} \right). \quad (10)$$

Q15. En posant $f_i = 1 + g_i \frac{(\Delta x)^2}{12}$, démontrer à partir de l'équation (10) la relation de récurrence :

$$y_{i+1} = \frac{(12 - 10f_i)y_i - f_{i-1}y_{i-1}}{f_{i+1}}. \quad (11)$$

Pour résoudre numériquement l'équation (7), on prendra $g_i = 2 \left[\varepsilon - \frac{1}{2}x_i^2 \right]$ où ε est le paramètre dont l'expression est établie à la **question Q10**.

Algorithme général de résolution du problème

La résolution doit nous permettre d'obtenir la fonction d'onde $\Psi_n(x)$ et l'énergie réduite ε_n de l'état quantique caractérisé par l'entier positif ou nul n .

Lors de la résolution numérique, il ne faut conserver que les fonctions d'onde compatibles avec les conditions aux limites du problème. Pour cela, on compte le nombre de zéros de la fonction d'onde (c'est-à-dire le nombre de points d'intersection de la fonction d'onde avec l'axe des abscisses) que l'on appelle des nœuds et on vérifie qu'il correspond à la valeur attendue pour l'état quantique caractérisé par l'entier n .

Q16. À partir de l'allure des premiers termes de la fonction d'onde $\Psi_n(x)$, représentée sur la **figure 4**, donner la relation entre n et le nombre de nœuds de la fonction d'onde $\Psi_n(x)$.
On admettra ensuite la généralité de cette relation.

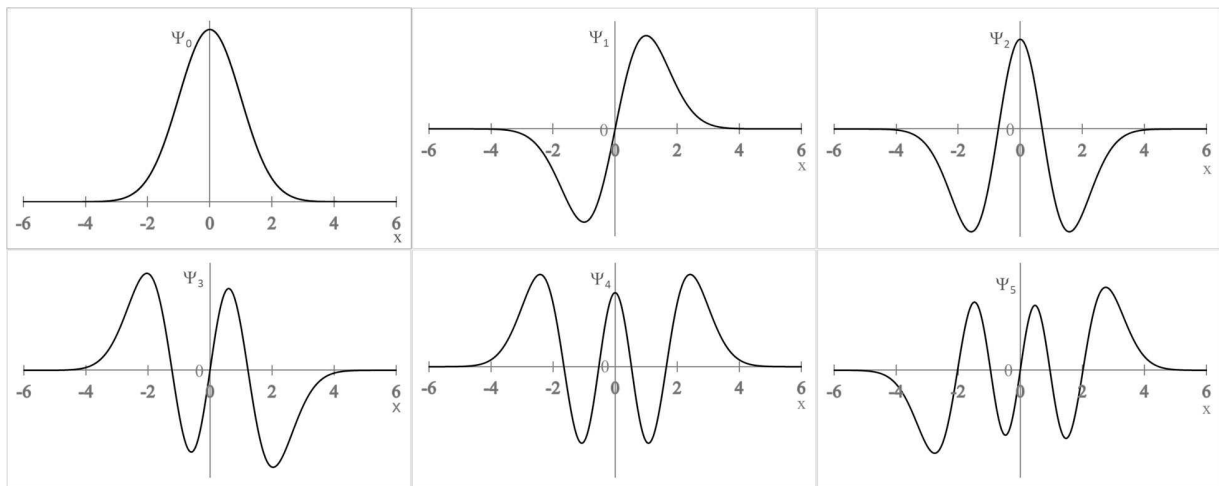


Figure 4 - Allure des fonctions d'onde $\Psi_n(x)$ associées aux premiers niveaux d'énergie de l'oscillateur harmonique quantique unidimensionnel

Q17. Justifier, à partir de l'allure des courbes de la **figure 4**, qu'il est possible de restreindre l'intervalle d'intégration aux seules valeurs positives de x . Donner la relation entre $\Psi_n(x)$ et $\Psi_n(-x)$ selon la parité de n .

Le graphe de la **figure 5** illustre, dans le cas $n = 2$, ce que l'on obtient lors de la résolution numérique de l'équation de Schrödinger pour une énergie réduite ε inférieure, égale ou supérieure à la valeur propre ε_2 . Lorsque $\varepsilon \neq \varepsilon_2$, on observe que la fonction d'onde diverge au lieu de tendre vers 0 quand on s'éloigne de l'origine.

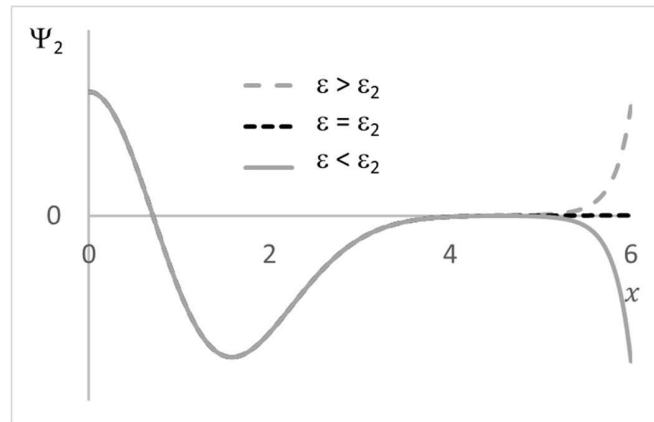


Figure 5 - Allures de la fonction d'onde $\Psi_2(x)$ sur l'intervalle positif pour la valeur propre ε_2 , pour une énergie réduite ε inférieure, égale ou supérieure à ε_2 . Les trois courbes coïncident jusque vers $x = 5$.

Q18. Dans le cas où $\varepsilon > \varepsilon_2$, que remarque-t-on concernant le nombre de nœuds de la fonction d'onde ? Dans la suite, on supposera que cette observation est valable pour tout n .

L'algorithme général de résolution du problème par une méthode dichotomique est le suivant :

- Initialisation de n
- Initialisation des valeurs limites de ε (ε_{\min} et ε_{\max}) qui encadrent ε_n
- Début de la boucle conditionnelle si le critère de convergence n'est pas satisfait
 - Actualisation de $\varepsilon = (\varepsilon_{\min} + \varepsilon_{\max})/2$ (la dichotomie)
 - Appel des fonctions permettant de résoudre l'équation de Schrödinger à l'aide de la relation de récurrence (équation (11))
 - Comparaison du nombre de nœuds avec le nombre quantique n
 - Si le nombre de nœuds est supérieur à n , on itère en affectant à ε_{\max} la valeur ε
 - Sinon on itère en affectant à ε_{\min} la valeur ε

Algorithme 1 - Résolution de l'équation de Schrödinger par une méthode dichotomique

Codage de l'algorithme

Note :

- les codes demandés **devront être réalisés dans le langage Python** ;
- la bibliothèque **numpy** est supposée chargée et devra être utilisée pour représenter les tableaux unidimensionnels également appelés vecteurs ;
- une annexe présentant les fonctions usuelles de la bibliothèque **numpy** est disponible à la page 12 ;
- les commentaires suffisant à la compréhension du programme devront être apportés et des noms de variables explicites devront être utilisés lorsque ceux-ci ne sont pas imposés.

L'intégration numérique de l'équation (6) se fait pour des valeurs de l'abscisse réduite comprises entre $x_{\min} = 0$ et $x_{\max} = 6$. On note $imax$ le nombre de valeurs des abscisses comprises entre x_{\min} et x_{\max} et dx le pas d'intégration Δx . On souhaite diviser le segment en 100 intervalles de même longueur.

Q19. Donner la valeur numérique de **imax**. Donner le code permettant de calculer le pas **dx** en fonction de **xmin**, **xmax** et **imax**.

Q20. Donner le code permettant de calculer le vecteur **xmesh** qui contient les valeurs des abscisses réduites x_i . Donner le code du calcul du vecteur **vpot** qui contient les valeurs du potentiel $V_i = V(x_i) = 0,5x_i^2$ pour chaque abscisse réduite x_i .

L'intégration numérique de l'équation de Schrödinger se fait en utilisant la relation de récurrence (11). L'initialisation des 2 premiers termes de la série, y_0 et y_1 dépend de la parité de la fonction d'onde Ψ_n :

- si n est pair, on choisit $y_0 = 1$ et $y_1 = \frac{(12 - 10f_0)y_0}{2f_1}$;
- si n est impair, on choisit $y_0 = 0$ et $y_1 = 1$.

Q21. En exploitant l'équation (11) et les propriétés de parité déduites de la **question Q17**, démontrer que dans le cas pair, $y_1 = \frac{(12 - 10f_0)y_0}{2f_1}$.

On appelle **nodes** la variable, que l'on suppose définie, correspondant au nombre quantique n , qui est aussi le nombre de nœuds de la fonction d'onde. On définit enfin ε_{\min} , notée **emin**, à la valeur 0 et ε_{\max} , notée **emax**, à la valeur maximale du vecteur **vpot**.

Q22. On note **e** la variable correspondant à l'énergie réduite ε . Écrire le code de la fonction **calcul_f(e)** qui calcule les valeurs $f_i = f(x_i)$ de la fonction f définie à la **question Q15** pour chacun des x_i contenu dans le vecteur **xmesh** et renvoie le vecteur **f** correspondant.

On souhaite maintenant développer une fonction **calcul_y_noeuds(nodes, f)** qui renvoie **y** (le vecteur contenant les valeurs de la fonction d'onde) et **ncross** (le nombre de nœuds). Sa structure est fournie dans le **listing 1** qui est incomplet et dont le remplissage fait l'objet des questions suivantes.

```

1  def calcul_y_noeuds(nodes, f):
2      "Calcul des valeurs de la fonction d'onde et du nombre de nœuds"
3
4      # Calcul des valeurs initiales y0 et y1
5      # Initialisation de la variable y
6      y = _____
7      # Nombre pair de nœuds
8      if _____:
9          y[0] = _____
10         y[1] = _____
11         # Nombre impair de nœuds
12         else:
13             y[0] = _____
14             y[1] = _____
15
16         # Intégration et comptage du nombre de nœuds
17         # Initialisation de la valeur de ncross
18         ncross = _____
19         # Boucle de calcul des valeurs de y et du nombre de nœuds
20         for i in range(_____):
21             # Calcul la valeur de y[i]
22             y[i] = _____
23             # Calcul du nombre de nœuds
24             _____
25             _____
26         # Arguments de sortie de la fonction calcul_y_noeuds
27         return _____

```

Listing 1 - Code à compléter de la fonction **calcul_y_noeuds(nodes, f)**

Q23. On souhaite que le comptage du nombre de nœuds, **ncross**, soit fait dans la boucle de calcul des valeurs de la fonction d'onde **y** (lignes 20 à 25 du **listing 1**). Donner une méthode simple permettant de réaliser le comptage (le code n'est pas demandé dans cette question).

Q24. Recopier et compléter le code de la fonction **calcul_y_noeuds(nodes, f)** fourni (voir **listing 1**).

Les informations manquantes et attendues concernent :

- l'initialisation de la variable **y** comme un vecteur nul de taille **imax** ;
- le test de la parité de la variable **nodes** ;
- le calcul des valeurs initiales **y[0]** et **y[1]** ;
- l'initialisation de la variable **ncross** ;
- les instructions de début et de fin de la boucle de calcul des valeurs de **y** et du nombre de nœuds ;
- le calcul des valeurs **y[i]** ;
- le calcul du nombre de nœuds ;
- les arguments de sortie de la fonction **calcul_y_noeuds**.

Pour obtenir une valeur de ε_n suffisamment précise, on répète l'appel aux fonctions **calcul_f(e)** et **calcul_y_noeuds(nodes, f)** dans une boucle **while** avec une condition d'arrêt portant sur la différence $\varepsilon_{\max} - \varepsilon_{\min}$ qui doit être inférieure à une valeur suffisamment petite (on prendra 10^{-10} dans le code) pour que l'on sorte de la boucle.

Q25. On suppose que la valeur de **ncross** a été calculée dans les étapes précédentes du code. Donner l'algorithme (le code est demandé à la question suivante) permettant de calculer la valeur de ε , notée **e**, pour l'itération suivante.

Q26. En utilisant l'**algorithme 1**, donner le code correspondant à la boucle permettant d'obtenir la valeur de ε_n par dichotomie. Elle doit faire intervenir les deux fonctions **calcul_f(e)** et **calcul_y_noeuds(nodes, f)**.

La résolution numérique de l'équation de Schrödinger stationnaire pour l'oscillateur harmonique donne les valeurs suivantes pour les niveaux d'énergie (**tableau 1**) :

Niveau n	Énergie ε_n (-)
0	0,5
1	1,5
2	2,5
3	3,5
4	4,5
5	5,5

Tableau 1 - Évolution de l'énergie ε_n en fonction de n

Q27. À partir des données du **tableau 1**, proposer une expression de ε_n en fonction de n vérifiée pour tout n compris entre 0 et 5.

Le calcul de l'entropie à partir des énergies déterminées précédemment ne sera pas abordé ici. La contribution que l'on obtient à la température de 298,15 K est égale à $6,1 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$.

II.3 - Comparaison des différents traitements de la rotation interne du groupe méthyle

Le **tableau 2** rassemble les valeurs de la contribution de la rotation du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane (notée S_{ri}) pour les différents modèles et pour plusieurs températures. Les modèles utilisés pour le calcul sont le modèle de la rotation libre, celui de l'oscillateur harmonique et celui de la rotation empêchée qui correspond à la résolution de l'équation de Schrödinger avec le potentiel de la **partie I**.

Température	100 K	298,15 K	500 K	1 000 K
Modèle de la rotation libre	7,5	12,0	14,2	17,1
Modèle de l'oscillateur harmonique	0,7	6,1	10,0	15,6
Modèle de la rotation empêchée	0,7	6,8	11,2	16,1

Tableau 2 - Valeurs de la contribution de la rotation du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane (S_{ri} en $J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$)

- Q28.** Commenter l'évolution globale avec la température de la contribution de la rotation du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane. Justifier de manière qualitative la tendance observée.
- Q29.** En admettant que le modèle de la rotation empêchée fournit la meilleure estimation de la valeur de S_{ri} à toute température, préciser l'utilisation possible des deux autres modèles en fonction de la température.
- Q30.** Justifier qualitativement l'ordre des valeurs de la contribution de la rotation du groupe méthyle à l'entropie de la molécule d'éthane obtenue pour les trois modèles,

$$S_{ri}(\text{rotation libre}) \geq S_{ri}(\text{rotation empêchée}) \geq S_{ri}(\text{oscillateur harmonique}).$$

ANNEXE

Bibliothèque `numpy` de Python

La bibliothèque `numpy` est importée de la façon suivante :

```
>>> import numpy as np
```

La création d'un tableau `numpy` à une dimension, appelé `tab`, possédant `n` éléments tous initialisés à 0, est réalisée ainsi :

```
>>> n = 4
>>> tab = np.zeros(n)
>>> print(tab)
[0. 0. 0. 0.]
```

L'accès à un élément du tableau `tab`, en lecture ou en écriture, se fait à l'aide de la commande `tab[i]`, la numérotation des indices démarrant à partir de 0 :

```
>>> tab = np.zeros(4)
>>> print(tab)
[0. 0. 0. 0.]
>>> tab[1] = 2
>>> print(tab)
[0. 2. 0. 0.]
```

La création d'un tableau `numpy` à une dimension, appelé `tab`, possédant `n` éléments uniformément répartis entre deux valeurs `debut` et `fin`, se fait avec :

```
>>> debut, fin = 0, 10
>>> n = 5
>>> tab = np.linspace(debut, fin, n)
>>> print(tab)
[0. 2.5 5. 7.5 10.]
```

FIN